**第十八届 “创新杯”数学建模竞赛赛题**

**必做题1：（A/B任选一）**

A.根据下表郑州市空气质量数据，请建立AQI预测模型：

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **日期** | **AQI** | **质量等级** | **PM2\_5** | **PM10** | **SO2** | **CO** | **NO2** | **O3\_8h** |
| 2021/3/1 | 40 | 优 | 28 | 26 | 5 | 0.9 | 24 | 63 |
| 2021/3/2 | 68 | 良 | 49 | 66 | 7 | 0.8 | 32 | 88 |
| 2021/3/3 | 59 | 良 | 42 | 62 | 8 | 0.6 | 27 | 99 |
| 2021/3/4 | 74 | 良 | 54 | 87 | 11 | 0.7 | 47 | 99 |
| 2021/3/5 | 82 | 良 | 60 | 106 | 9 | 0.7 | 38 | 101 |
| 2021/3/6 | 57 | 良 | 24 | 64 | 5 | 0.5 | 16 | 65 |
| 2021/3/7 | 63 | 良 | 45 | 66 | 10 | 0.6 | 32 | 60 |
| 2021/3/8 | 130 | 轻度污染 | 99 | 109 | 11 | 0.7 | 43 | 78 |
| 2021/3/9 | 107 | 轻度污染 | 80 | 87 | 9 | 0.7 | 36 | 107 |
| 2021/3/10 | 64 | 良 | 46 | 50 | 7 | 0.6 | 36 | 73 |
| 2021/3/11 | 87 | 良 | 64 | 64 | 6 | 0.7 | 45 | 79 |
| 2021/3/12 | 79 | 良 | 58 | 59 | 7 | 0.8 | 35 | 86 |
| 2021/3/13 | 82 | 良 | 60 | 65 | 13 | 0.7 | 28 | 86 |
| 2021/3/14 | 84 | 良 | 62 | 77 | 9 | 0.8 | 37 | 65 |
| 2021/3/15 | 117 | 轻度污染 | 88 | 138 | 7 | 1.2 | 33 | 91 |
| 2021/3/16 | 500 | 严重污染 | 85 | 785 | 5 | 0.4 | 21 | 70 |
| 2021/3/17 | 144 | 轻度污染 | 49 | 237 | 7 | 0.5 | 41 | 81 |
| 2021/3/18 | 89 | 良 | 66 | 120 | 6 | 0.8 | 40 | 47 |
| 2021/3/19 | 102 | 轻度污染 | 76 | 113 | 9 | 0.9 | 29 | 69 |
| 2021/3/20 | 182 | 中度污染 | 76 | 313 | 7 | 0.8 | 35 | 44 |
| 2021/3/21 | 105 | 轻度污染 | 28 | 160 | 9 | 0.4 | 27 | 83 |
| 2021/3/22 | 65 | 良 | 21 | 80 | 10 | 0.5 | 29 | 97 |
| 2021/3/23 | 85 | 良 | 39 | 119 | 13 | 0.6 | 47 | 89 |
| 2021/3/24 | 102 | 轻度污染 | 72 | 153 | 15 | 0.9 | 49 | 104 |
| 2021/3/25 | 95 | 良 | 71 | 129 | 11 | 0.8 | 38 | 131 |
| 2021/3/26 | 72 | 良 | 47 | 86 | 9 | 0.8 | 57 | 68 |
| 2021/3/27 | 74 | 良 | 54 | 93 | 8 | 1 | 42 | 103 |
| 2021/3/28 | 280 | 重度污染 | 93 | 406 | 10 | 1 | 42 | 110 |
| 2021/3/29 | 500 | 严重污染 | 189 | 883 | 11 | 0.9 | 34 | 58 |
| 2021/3/30 | 163 | 中度污染 | 72 | 275 | 13 | 0.8 | 45 | 109 |
| 2021/3/31 | 106 | 轻度污染 | 53 | 161 | 9 | 0.7 | 40 | 74 |
| 2021/4/1 | 78 | 良 | 38 | 105 | 8 | 0.7 | 38 | 85 |
| 2021/4/2 | 67 | 良 | 48 | 75 | 8 | 0.9 | 36 | 75 |
| 2021/4/3 | 49 | 优 | 34 | 38 | 5 | 0.9 | 23 | 76 |
| 2021/4/4 | 54 | 良 | 23 | 50 | 9 | 0.6 | 35 | 104 |
| 2021/4/5 | 68 | 良 | 37 | 82 | 14 | 0.7 | 54 | 101 |
| 2021/4/6 | 79 | 良 | 58 | 90 | 14 | 0.7 | 51 | 109 |
| 2021/4/7 | 87 | 良 | 64 | 115 | 10 | 0.7 | 59 | 133 |
| 2021/4/8 | 118 | 轻度污染 | 89 | 126 | 14 | 0.8 | 53 | 177 |
| 2021/4/9 | 80 | 良 | 53 | 80 | 14 | 0.6 | 27 | 135 |
| 2021/4/10 | 84 | 良 | 34 | 72 | 18 | 0.5 | 32 | 140 |
| 2021/4/11 | 69 | 良 | 39 | 88 | 10 | 0.6 | 46 | 65 |
| 2021/4/12 | 104 | 轻度污染 | 53 | 109 | 11 | 0.8 | 41 | 164 |
| 2021/4/13 | 76 | 良 | 25 | 102 | 7 | 0.5 | 20 | 89 |
| 2021/4/14 | 67 | 良 | 40 | 77 | 9 | 0.6 | 21 | 120 |
| 2021/4/15 | 119 | 轻度污染 | 52 | 187 | 9 | 0.6 | 24 | 116 |
| 2021/4/16 | 500 | 严重污染 | 137 | 600 | 8 | 0.4 | 30 | 87 |
| 2021/4/17 | 92 | 良 | 37 | 133 | 8 | 0.4 | 25 | 107 |
| 2021/4/18 | 91 | 良 | 33 | 132 | 9 | 0.5 | 25 | 121 |
| 2021/4/19 | 79 | 良 | 34 | 108 | 10 | 0.5 | 27 | 132 |
| 2021/4/20 | 51 | 良 | 27 | 44 | 6 | 0.7 | 21 | 101 |
| 2021/4/21 | 46 | 优 | 24 | 38 | 5 | 0.7 | 18 | 91 |
| 2021/4/22 | 74 | 良 | 35 | 60 | 6 | 0.9 | 24 | 128 |
| 2021/4/23 | 65 | 良 | 38 | 80 | 7 | 0.8 | 36 | 109 |

**B、旅行问题**

“五.一”节临近，某旅游爱好者选择了78个城市(经纬度见下表)，欲从上海出发自驾旅行再回到上海,假定车速保持110km/h,如果5天假期不够其该如何向单位请假？并给出旅游计划、画出路线图。如果出发地改为哈尔滨呢？

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 城市 | 经度 | 纬度 | 城市 | 经度 | 纬度 | 城市 | 经度 | 纬度 |
| 北京 | 116:28E | 39:54N | 海拉尔 | 119:43E | 49:14N | 悟州 | 111:18E | 23:28N |
| 青岛 | 120:19E | 36:04N | 汕头 | 116:40E | 23:21N | 哈尔滨 | 126:38E | 45:45N |
| 天津 | 117:10E | 39:10N | 沈阳 | 123:23E | 41:48N | 成都 | 104:04E | 30:39N |
| 郑州 | 113:42E | 34:44N | 韶关 | 113:33E | 24:48N | 齐齐哈尔 | 123:55E | 47:22N |
| 石家庄 | 114:26E | 38:03N | 大连 | 121:38E | 38:54N | 重庆 | 106:33E | 29:33N |
| 开封 | 114:23E | 34:52N | 海口 | 110:10E | 20:03N | 牡丹江 | 129:36E | 44:35N |
| 保定 | 115:28E | 38:53N | 鞍山 | 123:00E | 41:04N | 上海 | 121:26E | 31:12N |
| 洛阳 | 112:26E | 34:43N | 南宁 | 108:21E | 22:47N | 泸州 | 105:27E | 28:54N |
| 唐山 | 118:09E | 39:37N | 锦州 | 121:09E | 41:09N | 南京 | 118:46E | 32:03N |
| 许昌 | 113:48E | 34:00N | 桂林 | 110:10E | 25:18N | 无锡 | 120:18E | 31:35N |
| 秦皇岛 | 119:37E | 39:54N | 长春 | 125:18E | 43:55N | 贵阳 | 106:43E | 26:34N |
| 新乡 | 113:54E | 35:18N | 柳州 | 109:19E | 24:20N | 苏州 | 120:39E | 31:20N |
| 武汉 | 114:20E | 30:37N | 烟台 | 121:20E | 37:52N | 徐州 | 117:12E | 34:16N |
| 承德 | 117:52E | 40:59N | 天水 | 105:33E | 34:35N | 昆明 | 102:42E | 25:03N |
| 宜昌 | 111:15E | 30:42N | 福州 | 119:19E | 26:02N | 杭州 | 120:10E | 30:15N |
| 太原 | 112:33E | 37:51N | 酒泉 | 98:30E | 39:44N | 拉萨 | 91:02E | 29:39N |
| 沙市 | 112:17E | 30:16N | 厦门 | 118:04E | 24:26N | 宁波 | 121:34E | 29:53N |
| 大同 | 113:13E | 40:07N | 西宁 | 101:49E | 36:37N | 日喀则 | 88:49E | 29:16N |
| 长沙 | 112:55E | 28:12N | 泉州 | 118:37E | 24:54N | 温州 | 120:38E | 28:00N |
| 临汾 | 111:31E | 36:05N | 银川 | 106:13E | 38:28N | 西安 | 108:55E | 34:15N |
| 衡阳 | 112:34E | 26:55N | 南昌 | 115:53E | 28:41N | 金华 | 119:49E | 29:10N |
| 长治 | 113:13E | 36:05N | 乌鲁木齐 | 87:36E | 43:46N | 宝鸡 | 107:09E | 34:21N |
| 呼和浩特 | 111:38E | 40:48N | 哈密 | 93:27E | 42:50N | 延安 | 109:26E | 36:35N |
| 常德 | 111:39E | 29:00N | 赣州 | 114:56E | 25:51N | 芜湖 | 118:20E | 31:21N |
| 包头 | 110:00E | 40:35N | 喀什 | 75:59E | 39:27N | 兰州 | 103:50E | 36:03N |
| 广州 | 113:18E | 23:10N | 济南 | 117:02E | 36:40N | 安庆 | 117:02E | 30:32N |

**必做题2：**

**全球变暖问题**

全球气候变暖的解释是由于温室效应不断积累所致【1，2】。事实上，由于人们焚烧化石燃料，如石油、煤炭等，或砍伐森林并将其焚烧时会产生大量的二氧化碳【3】，即温室气体，这些温室气体对来自太阳辐射的可见光具有高度透过性，而对地球发射出来的长波辐射具有高度吸收性，能强烈吸收地面辐射中的红外线，使得地球温度上升，即温室效应。由于

存在温室效应，影响地气系统 【 1 】 吸收与发射的能量平衡，能量不断在地气系统累积，从而导致温度上升，造成全球气候变暖。许多科学家认为，全球变暖可能导致更多的极端气象的产生，导致全球降水量重新分配、冰川和冻土消融、海平面上升等威胁人类生存的因素。不过，虽然温室气体的浓度在不断上升，但自从进入 21 世纪以来，10 年间全球全年平均气温上升率仅为 0.03℃，几乎未变化，这种现象叫作 Hiatus（全球变暖停滞状态）。正因为出现全球变暖停滞现象，使公众对全球变暖产生了怀疑【4】。 2019 年 1 月美国 2/3 的地区变成了一个大冰窖，出现了“几十年一遇”的极度寒冷天气，成为有人怀疑全球变暖的依据之一。

导致分歧的原因在于观察问题的角度和范围。今年的夏天特别热或今年的冬天特别冷是地球上局地人们的直接感受，是一种天气现象。天气是一定区域短时段内的大气状态（如冷暖、风雨、干湿、阴晴等）及其变化的总称。而气候则是长时间内气象要素和天气现象的平均或统计状态，时间尺度为月、季、年、数年到数十年。气候是长时间的平均状态，在短时间内变化不大，所以人们一般感受不到。全球变暖是在气候尺度上看全球问题。从气候角度研究全球温度变化需要全球范围长时间的观测积累，但过去这方面的时空数据并不完整，给统计计算带来极大困难。不仅如此，海洋吸收热量对全球气候变化的影响很大【5，6】。观测发现海洋表面温度 【2】 的变化具有某种震荡特征，如年代际太平洋震荡 【3】 、厄尔尼诺现象【4】 、拉尼娜现象 【5】 等。这些因素使得研究全球温度变化更加困难。

我们的命题宗旨是：利用现有的统计数据建立简化的气候模型和极端天气模型。希望你们所建立的模型区别于复杂的专业气候模型，有利于非专业人士理解和认识全球气候变化的态势，解释极端天气现象的发生，寻找、求证影响气候变化的因素，从而增强人们气候变化的意识，从现在做起、从自我做起的同时，督促决策者迅速制定应对气候变化的政策。

请仔细阅读附录中的有关文献，回答以下问题（注：由于气候变化涉及众多因素及数据，题目中所给出的因素及数据只是其中的一部分，请自行从参考文献或网上获取建模过程中其它数据，比如全球表面温度变化及大气层中二氧化碳浓度变化等数据）：

（1）能否从加拿大各地天气变化的历史数据中挖掘出该地区温度的时空变化趋势？

（2）请建立一个刻画气候变化的模型对未来 20 年的气候变化进行预测？

（3）请建立相应的模型，并利用题目所提供的数据以及你能收集的数据说明：全球变暖和局地极寒现象的出现之间是否矛盾？

名词解释：

1. 地气系统：把地面及大气看成一个整体。对此系统所计算出来的辐射平衡，称为地气系统辐射平衡，又称为地气系统辐射差额。 地气系统的辐射收入部分是地面和大气吸收的太

阳辐射；支出部分为发射到宇宙空间去的地面和大气的长波辐射。

2. 海洋表面温度 (SST)：指接近海洋表面的水温。

3. 太平洋年代际震荡（Interdecadal Pacific Oscillation）：北太平洋所表现出的一种年代际时间尺度上的变化现象。

4. 厄尔尼诺现象又称厄尔尼诺海流：是太平洋赤道带大范围内海洋和大气相互作用后失去平衡而产生的一种气候现象。厄尔尼诺现象的基本特征是太平洋沿岸的海面水温异常升高，海水水位上涨，并形成一股暖流向南流动。

5. 拉尼娜现象：是赤道太平洋东部和中部海面温度持续异常偏冷的现象（与厄尔尼诺现象正好相反）。表现为东太平洋明显变冷，同时也伴随着全球性气候混乱，总是出现在厄尔尼

诺现象之后。

附件 数据说明：

(1) 加拿大各地天气的历史数据: eng-daily-01011987-12311987.csv;

http://climate.weather.gc.ca/historical\_data/search\_historic\_data\_e.html（题目只提供了样例数据，更多数据请自行下载。建模中也可以下载其它地区数据进行研究）

(2) 海洋表面温度(SST data): sst.mnmean.nc；(data provided by the NOAA/OAR/ESRL PSD, Boulder,

Colorado, USA, from their Web site at https://www.esrl.noaa.gov/psd/)

https://www.esrl.noaa.gov/psd/data/gridded/using\_dods.html(数据可以通过多种方式读取，其中 Matlab 代

码见附件：ReadSSTnc.m)

参考文献

1. Y. Xu, V. Ramanathan, D. G. Victor, Global warming will happen faster than we think, Nature, Vol. 564,

30:32, 2018, Dec.

2. D. Spratt, I. Dunlop, Existential climate-related security risk: A scenario approach, 2019 May, Policy

Paper from Breakthrough-National Centre for Climate Restoration

3. C. Quere, R. Andrew, et al, Global carbon budget 2017, Earth Syst. Sci. Data,2018, 405-448

4. I. Medhaug, M. B. Stolpe, E. M. Fischer & R. Knutti, Reconciling controversies about the ‘global warming

hiatus’, 2017, Nature

5. G. A. Meehl, A. Hu, B. D. Santer & S. Xie, Contribution of the interdecadal Pacific Oscillation to

twentieth-century global surface temperature tends, Nature Climate Change, 6, 1005-1008 (2016)

6. X. Chen & K. K. Tung, Global surface warming enhanced by weak Atlantic overturning circulation, 2018,

Nature.